

Szülőktől még megértően elfogadom: „**a táblajátékok logikus gondolkodásra nevelnek**”, de mindig indulatosan reagálok, ha pedagógustól, újabban pedig, ha „játékpedagógustól” hallom az általános közhelyet.

A pedagógus „nevel” a logikus gondolkodásra, amihez eszközként pl. táblajátékot használhat!

Persze, már az is valami, ha értelmesebb-hasznosan szórakoztató játékot adunk a gyerek kezébe.

Aztán már akár **rá is lehet bízni arra játékra a „nevelést” ???**

???

A „tájékozottabbak” még példákat is sorolnak. Pl.: a „Kocog-Kidob”-ban „**le kell lépni a dobott értéket**”, az ütési játékban azonnal látják, (megszámolják), hogy hányast lenne előnyös dobni..., játék közben gyakorolják a számolást..., vagy ha pl. egy táblajátékban a verseny cél a több mező elfoglalása, akkor ugye „**meg kell számlálni, hogy kinek van több bábuja**”. Aztán ott van a „**várj a sorodra**”, „**tartsd be a szabályt**”,... és tovább is sorolhatnók a valóban működő automatizmusokat.

Ámde!

!!!

Még 10-12 évesek is számlálnak! És még a gyakorlottak is (ahogy több Reversi-versenyen is tapasztaltam). Pedig mennyivel egyszerűbb (ésszerűbb) lenne, ha a parti végén a két játékos szinkronban pl. 3-3 saját bábút szedegetne le a tábláról és ugye az a nyerő... Hol marad a foglalkozást vezető „gondolkodtató sugása”? Pl. számolás nélkül: oszlopokba rendezve a korongokat, ugye a hosszabb/magasabb oszlopban van több... Mindig döbbenet nézem a bemutatóimon, hogy pl.: a Pylos 15-15 db golyóját még a gimisek is rámutogatva számlálják meg (esetleg már kettesével 2,4,6,8,..., hiszen „ők már nagyok”, ámde) **a golyótároló tepsiben két kézmozdulattal elérhető 5x3-as elrendezés kialakítását egyszer sem láttam.**

A jártasabb pedagógusok hosszan képesek sorolni a kompetenciákat, készségeket, stb. mi mindent fejlesztenek ezek a játékok. Látok pályázatokat, amelyekben egy-egy teljes oldalon sorolják... Egyetlen konkrét ötlet nélkül.

Ami hiányzik: egy icipici sugás, ötlet, okosság, és máris ott lenne a jutalom a megértéstől felcsillanó szemek.

Az a pedagógus, aki **az ismeretközlés játékos szemléltető eszközének használja a játékokat** életre szóló, maradandó élménnyel varázsolhat. És ez sokkal több, mint egy „**mit kellett volna lépned ez helyett?**” elemzés.

Gyakorta mutogatott számpéldámnak talán semmi köze a táblajátékokhoz, de...

... de **az alábbi összefoglaló képen egy 8x8-as sakk-táblából kiindulva, szemléletesen juthatunk el az elemi algebra lényegének megértetéséig.**

Felnőttek is megbuknak, amikor szorzás nélkül kell kiszámolniuk

pl. $365 \times 365 = 133225$ ismeretében 366 négyzetét.

Pedig, többnyire jól bebiflázták: $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$,

Azaz, a kérdéses, legegyszerűbb esetben: $(a+1)^2 = a^2 + 2a + 1$

Szemléletesen: Hány négyzet is van egy 8x8-as sakktáblán?

Ha a kérdést így tesszük fel, („8x8-as...”), akkor nem hinném, hogy akadna bárki (szorzótáblát már ismerő), aki elkezdené számolgatni a mezőket az egyszerű és kézenfekvő szorzás helyett.

Sőt! Azonnal szorzással válaszol a „Hány négyzet van egy 9x9-esen?” kérdésre is.

Ámde következhet egy csalafinta kérdés: És, ha nem tudnánk még szorozni, akkor hogyan lehetne ezt a legegyszerűbben, (a legkevesebb munkával) kiszámolni? A választ szemléletesen megmutathatjuk:

Táblabővítés vízszintesen is 8 mezővel, függőlegesen is 8 mezővel és a sarokra még 1-et >>> $64 + 8 + 8 + 1$

Hogy is van ez általánosan?

Bármilyen négyzetes táblából az „1-el nagyobbat” úgy, hogy egy oszloppal, egy sorral bővítjük és a sarokra még egyet...

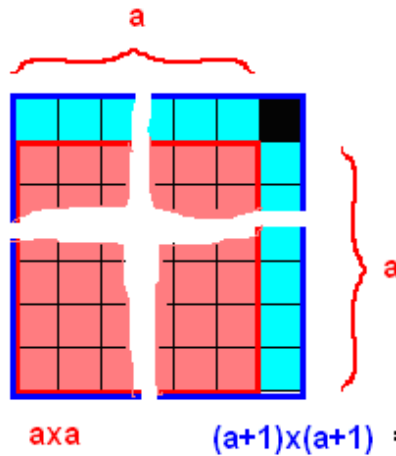
A következő négyzetszámok ugye 10x10, 11x11, 12x12, ... és valahol távolabb 365x365, ami után:

$$\underline{\underline{(365+1) \times (365+1) = 365^2 + 365 + 365 + 1}}$$

Figyeljük meg az ábrát és
lássuk be:
bármilyen méretű a kisebb tábla,
azt a növekményt, amivel
1-el nagyobb oldalhosszúságú
táblához jutunk...

Akkor értettük meg igazán, ha
felfedezzük, hogy ez
téglalap alakú táblákra is működik:

$$axb+a+b+1=(a+1)x(b+1)$$



$365 \times 365 = 133225$
mi a következő négyzetszám?

$$\begin{array}{r} 133225 \\ 365 \\ 365 \\ + \quad 1 \\ \hline 133956 \end{array}$$

Felsőbb osztályban adjuk fel pl. ennek a két számnak (365 és 366) kitalálását egy szöveges feladatként:

Két természetes egész szám négyzetének az összege $[(a^2+b^2)] = 267.181$

Ugyanezen két szám összegének a négyzete $[(a+b)^2 = a^2+2ab+b^2] = 534.361$

Melyik ez a két szám? A leggyakrabban látható és nagyon kézenfekvőnek is tűnő megoldás:

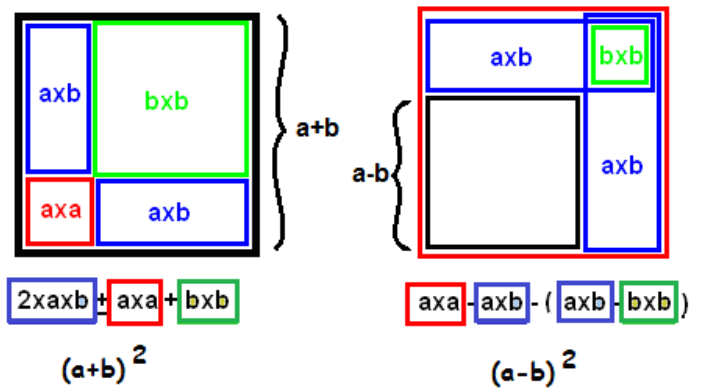
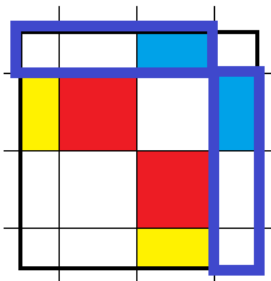
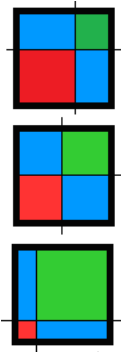
$(a+b)^2 - a^2 - b^2 = 2ab = 534.361 - 267.181 = 267.180$ A legegyszerűbbnek tűnő $\gg 1 \times 133.590$ azonban hibás !!!

A precízebbek felírják a 133.590 szorzótényezős alakját: $1 \times 2 \times 3 \times 5 \times 61 \times 73$ és a szorzótényezők ismétlés nélküli kombinációiból több megoldáshoz is eljutnak. Közöttük ugye csak egy a helyes: $2 \times 3 \times 61 = 366$ és az $5 \times 73 = 365$

A behelyettesíteni a feladatba, az ellenőrzés, többnyire elmarad. (Az meg, hogy mielőtt nekilátunk a számolásnak, becsüljük, saccoljunk... Szinte soha nem... „Így nőnek a jegenyék 123,14 km magasra”.)

Ábrában is gondolkozva azonnal észrevehetjük, hogy a zöld és a piros területek összege (267.181) csak akkor lehet közel azonos a 2 db kék (267.180) terület összegével, ha a és b egymáshoz közeli értékek.

(értelmezzük az ábrákat!)

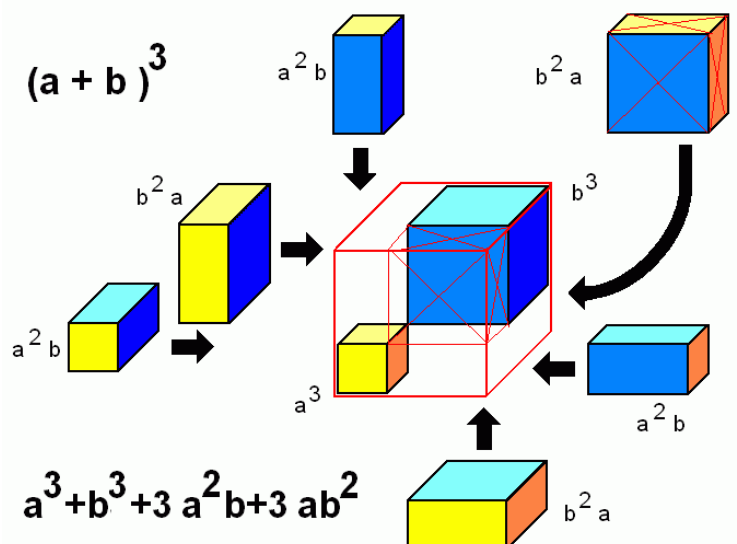


Nagyobbaknak, ill. kapcsolódólag:
pl. egy szemléltető
„logikai-összerakós” játék
Szedd szét, rakd össze és értelmezd!

Logikai összerakós játékként is
hasznos/érdekes elkészíteni.

Pl. a legegyszerűbben:
Végy 27 db kockát,
8 db-ból ragassz össze egy nagyobbat,
és még készíts 3-3 elemet
egyik 3-at 2 db,
a másikat és 4 db kockából...

$$2 \times 2 + 3 \times (1 \times 4) + 3 \times (1 \times 2) + 1 = 27$$



Egyszerűbb példám az iskolába érkező ovisok... Észrevehetjük, hogy az összeadást rutinszerűen begyakorolták már a két kockával dobott „Ki nevet a végén” játék során, vagy a dominó-pöttyökből. **Tudják is, csak nincs tudatosítva, hogy milyen okosak már.** Gond nélkül mondják-összeadják az ötös dominó meg a hármas dominó pöttyeinek számát. Legalábbis tudják, hogy nyolcat kell előre lépni ilyenkor a dobókockás játékban... Próbáljuk csak ki! Egy szokásos dominókészletből véletlenszerűen húzott lapocska két oldalára „pöttyel írt” számpárokat összeadni... Sokaknál még a tízes-átlépés is sikerül a gyakorlatban tapasztaltak alapján. (Magam pl.: az algebra „ $a+b$ ”-je a megértését is a pöttyös felével lefordított dominólapokkal szemléltetném: „nem tudjuk, hogy melyiket húzzuk”, „mit szeretnél húzni”, „milyenek vannak még”... általánosan: $a+b$)

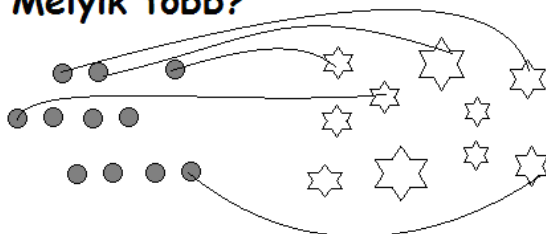
$5 + 3 = \text{nyolc}$ de $5 + 3 = ?$

$5 + 5 + 5 = 10$
 (így, tényleg meg kell számlálni)

Hány pötty ?

$5 + 5 = 10$
 (nézzük meg, hogy mit tudunk kirakni belőlük)

Melyik több?



(párosítsuk őket)

Hány csillag?



(ez is 5 db, meg ez is 5 db)

Az okos ember lusta is, keresi a könnyebb megoldásokat...

Ezért találta fel az arab számokat.

(számolhatnánk és leírhatnánk pöttyökkel is, de mennyivel kényelmesebb úgy, hogy " $5 + 3 = 8$ ")

A tanítás, voltaképpen, valamilyen már megszerzett ismeret, képesség, gondolat, ötlet gyakorlása, új elemekkel történő bővítése, tehát: mindig előzményekre épül. Játék is hasonló. Ha nagy a kontraszt a meglévő és a játék során megszerezhető tudásanyag között, akkor azonnal észleljük a fáradtságot és a folytatást már nem játékként, hanem munkás-tanulásnak éljük meg, illetőleg az ellenkező előjelű kontraszt esetén unatkozunk...